

ГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
«Приднестровский государственный университет им. Т.Г. Шевченко»

Физико-математический факультет

Кафедра Прикладной математики и информатики

УТВЕРЖДАЮ  
Декан физ.-мат. факультета,  
к.ф.-м.н., доц.



Коровой О.В.

(подпись, расшифровка подписи)

“14” 09 2019 г

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

на 2019/2020 учебный год

Учебной ДИСЦИПЛИНЫ

«ТЕОРИЯ МАССОВОГО ОБСЛУЖИВАНИЯ»

Направление подготовки:

01.03.04 – Прикладная математика

Профиль подготовки:

Математическое моделирование в экономике и технике

---

Набор 2016 года

квалификация (степень) выпускника

Бакалавр

Форма обучения:

Очная

Тирасполь 2019

Рабочая программа дисциплины «*Теория массового обслуживания*»  
/составитель Н.Г. Леонова – Тирасполь: ГОУ ВО «ПГУ им. Т. Г. Шевченко»,  
2019. – 15с.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ПРЕДНАЗНАЧЕНА ДЛЯ ПРЕПОДАВАНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ  
ВАРИАТИВНОЙ ЧАСТИ ЦИКЛА Б1.В.ОД.8 СТУДЕНТАМ ОЧНОЙ ФОРМЫ ОБУЧЕНИЯ  
ПО НАПРАВЛЕНИЮ ПОДГОТОВКИ 01.03.04 – ПРИКЛАДНАЯ МАТЕМАТИКА ПО  
ПРОФИЛЮ ПОДГОТОВКИ – МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ В ЭКОНОМИКЕ И  
ТЕХНИКЕ**

Рабочая программа составлена с учетом Федерального Государственного  
образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки  
01.03.04 – Прикладная математика, утвержденного приказом Минобрнауки РФ от  
12.03.15 № 208.

Составитель  /Леонова Н.Г., канд. соц. наук, доцент/  
(подпись)

## 1. Цели и задачи освоения дисциплины

Целью преподавания дисциплины «Теория массового обслуживания» является изучение методов анализа систем обслуживания различных типов и назначения и овладение основными результатами классической теории массового обслуживания. Данная дисциплина должна способствовать развитию творческих способностей студентов, умению формулировать и решать задачи изучаемой специальности, умению применять и самостоятельно повышать уровень своих знаний.

Эти цели достигаются на основе ознакомления с основными типами систем теории массового обслуживания, овладения математическим аппаратом теории массового обслуживания и приемами применения методов и моделей теории массового обслуживания для анализа и синтеза реальных систем обслуживания.

В результате изучения дисциплины у студентов должны сформироваться знания, умения и навыки, позволяющие проводить самостоятельный анализ и синтез систем различного назначения.

Дисциплина находится на стыке дисциплин, обеспечивающих базовую и специальную подготовку студентов.

В соответствии с обозначенными целями основными задачами, решаемыми в рамках данного курса, являются:

### 1) теоретический компонент:

- изучить основные понятия и методы теории массового обслуживания (ТМО);
- уметь применять полученные знания, умения и навыки при изучении других дисциплин и в профессиональной деятельности;

### 2) познавательный компонент:

- получить представление о важности теории массового обслуживания, как разделов математики и о роли в естественнонаучных, экономических и др. исследованиях;
- овладеть навыками самостоятельного изучения учебной литературы по теории массового обслуживания;
- получить представление об истории становления и развития теории массового обслуживания и о направлении развития методов решения задач ТМО;

### 3) практический компонент:

- получить навыки в доказательстве и опровержении утверждений в курсе теории массового обслуживания;
- уметь решать типовые задачи, соответствующие рассматриваемому материалу;
- использовать аппарат теории массового обслуживания для решения прикладных задач.

## 2. Место дисциплины в структуре ООП ВО

Дисциплина «Теория массового обслуживания» относится к вариативной части цикла Б1 дисциплин Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению 01.03.04 – Прикладная математика ("бакалавр").

Для освоения данной дисциплины студенты должны знать основы теории вероятностей и случайных процессов. Кроме того, студенты должны обладать

способностью к обобщению, анализу, постановке цели и выбору путей ее достижения, оценивать свои достоинства и недостатки и развивать первые и устранять вторые.

Студентам необходимо осознавать ценность и социальную значимость своей будущей профессии и стремиться расти в профессиональной сфере, а также использовать основные законы физики, применять методы математического анализа и высшей математики, знать основные методы, способы и средства получения, хранения, переработки информации. Еще одним требованием является наличие навыков самостоятельной работы на компьютере и в компьютерных сетях

Дисциплина «Теория массового обслуживания» даёт основу для реализации компетенций перечисленных в следующем разделе.

### **3. Требования к результатам освоения дисциплины**

Для успешного изучения дисциплины студенты должны использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования.

Способность применять знания, умения и личностные качества для успешной деятельности в профессиональной сфере в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению 01.03.04 – Прикладная математика ("бакалавр") обеспечивается реализацией по результатам изучения дисциплины компетентностной модели, которая включает общекультурные и профессиональные компетенции следующего содержания:

<b>Код компетенции</b>	<b>Формулировка компетенции</b>
ОК-5	способностью к коммуникации в устной и письменной формах на русском и иностранном языках для решения задач межличностного и межкультурного взаимодействия
ОК-6	способностью работать в коллективе, толерантно воспринимая социальные, этнические, конфессиональные и культурные различия
ОПК-2	способностью использовать современные математические методы и современные прикладные программные средства и осваивать современные технологии программирования
ПК-1	способностью использовать стандартные пакеты прикладных программ для решения практических задач на электронных вычислительных машинах, отлаживать, тестировать прикладное программное обеспечение

ПК-10	готовностью применять математический аппарат для решения поставленных задач, способностью применить соответствующую процессу математическую модель и проверить ее адекватность, провести анализ результатов моделирования, принять решение на основе полученных результатов
ПК-11	готовностью применять знания и навыки управления информацией
ПК-12	способностью самостоятельно изучать новые разделы фундаментальных наук

В результате освоения дисциплины студент должен:

### 3.1. Знать:

- основные понятия, методы и модели теории массового обслуживания;
- математические модели простейших систем и процессов в естествознании и технике;
- вероятностные модели для конкретных процессов и методы расчета параметров модели.

### 3.2. Уметь:

- применять на практике методы теории массового обслуживания;
- строить математические модели для систем массового обслуживания;
- использовать основные приемы обработки экспериментальных данных.

### 3.3. Владеть:

- навыками исследования моделей с учетом их иерархической структуры и оценкой пределов применимости полученных результатов;
- методологией и навыками решения научных и практических задач в области теории массового обслуживания.

## 4. Структура и содержание дисциплины (модуля)

### 4.1. Распределение трудоемкости в з.е./часах по видам аудиторной и самостоятельной работы студентов по семестрам:

Се- местр	Трудоём- кость, з.е./час	Количество часов					Форма итогово- го кон- троля
		В том числе					
		Аудиторных				Са- мост. работы	
Всего	Лекций	Лаб. раб.	Прак- тич. зан				
VII	3 з.е /108ч	54	27		27	18	экзамен 36
Итого:	3 з.е /108	54	27		27	18	36

#### 4.2. Распределение видов учебной работы и их трудоемкости по разделам дисциплины.

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		Всего	Аудиторная работа			Вне ауд. работа (СР)
			Л	ПЗ	ЛР	
I	Элементы теории массового обслуживания (СМО). Уравнения Колмогорова. Стационарный режим.	30	10	10		10
II	Практическое применение теории массового обслуживания	42	17	17		8
Всего:		108	27	27	-	18+36 экз.

#### 4.3. Тематический план по видам учебной деятельности

##### Лекции

№ п/п	Номер раздела дисциплины	Объем часов	Тема лекции	Учебно-наглядные пособия
1	I	2	Введение. Основные понятия теории массового обслуживания Элементы системы обслуживания (СМО). Классификация СМО.	Методические пособия
2	1	2	Поток событий, его свойства: стационарность, свойства отсутствия последствия. Пуассоновский поток событий. Потоки требований. Простейший поток. Общие понятия, примеры. Свойства простейшего потока. Время обслуживания.	Методические пособия
3	I	2	Марковский случайный процесс. Граф состояний. Предельные вероятности. Переходный процесс.	Методические пособия
4	1	2	Система дифференциальных уравнений Колмогорова и правила ее построения. Стационарный режим вероятностных систем.	Методические пособия
5	1	2	Процесс "гибели и размножения". Формулы нахождения вероятностей состояний.	Методические пособия
6	II	2	Простейшие системы массового обслуживания с отказами (без очереди) и расчёт их характеристик.	Методические пособия

7	II	2	Простейшие СМО с ограниченной очередью и расчёт их характеристик.	Методические пособия
8	II	2	Простейшие СМО с неограниченной очередью и расчёт их характеристик.	Методические пособия
9	II	2	Замкнутые СМО. Задача обслуживания оборудования.	Методические пособия
10	II	2	Понятие о нагрузке. Основные определения. Интенсивность нагрузки, единицы измерения. Примеры и статистические данные.	Методические пособия
11	II	2	Неоднородные входящие потоки. Полумарковские приоритетные системы.	Методические пособия
12	II	2	Распределение периодов занятости и распределение длин очередей для систем с абсолютным приоритетом.	Методические пособия
13	II	3	Приоритетные системы массового обслуживания, многофазные системы массового обслуживания, сети массового обслуживания	Методические пособия
Итого за VII семестр: 27 ч.				

### Практические (семинарские) занятия

№ п/п	Номер раздела дисциплины	Объем часов	Тема практического занятия	Учебно-наглядные пособия
1	I	2	Пуассоновский поток событий. Вывод формул, связывающий пуассоновский поток событий с пуассоновским распределением. Выявление связи пуассоновского потока событий с показательным распределением.	Методические рекомендации
2	I	2	Стационарный режим работы обслуживающей системы. Система дифференциальных уравнений Колмогорова.	Методические рекомендации
3	I	2	Нахождение времени обслуживания наладчиком токарных автоматов. Проверка закона распределения вероятностей обслуживания.	Методические рекомендации
4	I	2	Расчет СМО с отказами. Нахождение минимального числа каналов обеспечи-	Методические рекомендации

			вающих заданную вероятность обслуживания.	
5	I	2	Контрольная работа № 1.	Карточки с заданием
6	II	2	Расчет СМО с ограниченной очередью. Эффективность СМО.	Методические рекомендации
7	II	2	Моделирование характеристик автостоянки и периода занятости для систем обслуживания с равномерным распределением.	Методические рекомендации
8	II	2	Расчет эффективности СМО с неограниченной очередью.	Методические рекомендации
9	II	2	Задача о пассажирском агентстве по продаже билетов.	Методические рекомендации
10	II	2	Моделирование времени обслуживания покупателя в магазине и заявок на станции скорой помощи.	Методические рекомендации
11	II	2	Контрольная работа № 2.	Карточки с заданием
12	II	2	Моделирование периода занятости для систем обслуживания с экспоненциальным законом распределения.	Методические рекомендации
13	II	3	Задачи обслуживания оборудования.	Методические рекомендации
Итого за VII семестр: 27 ч.				

### Самостоятельная работа студента

Виды самостоятельной работы студентов по дисциплине (СРС<sub>д</sub>):

1. СРС на аудиторных занятиях (лекциях, практических и лабораторных занятиях, семинарах) проводится в аудиторные часы занятий по предмету за счет внедрения различных активных методов и средств обучения как традиционных, так и инновационных.

2. СРСит – самостоятельная работа студентов по изучению теоретического учебного материала (модули, темы, разделы) снятого с аудиторных занятий пропорционально сокращенным академическим часам. Учебный теоретический материал, выносимый на СРСит (модули, темы, разделы), определяется ведущим преподавателем, доводится до сведения студента.

3. ВСРС – традиционная внеаудиторная самостоятельная работа студентов, адекватная по трудоемкости числу часов, отведенных на СРС согласно Государственному образовательному стандарту.

4. НИРС – научно-исследовательская работа студентов – высшая форма самопознания. По итогам НИРС: защита рефератов, доклады на научных конферен-

циях, участие в конкурсах, написание статей, по результатам НИР защита курсовых и дипломных проектов.

5. СРС курсовая работа (проект) – самостоятельные научно-практические исследования по заданной теме. СРС дипломная работа (проект) – важнейшая форма самостоятельной работы, отражающая соответствие выпускника квалификационным требованиям Государственного образовательного стандарта по специальности.

### Самостоятельная работа студента

Раздел дисциплины	№ п/п	Тема и вид СРС	Трудоемкость (в часах)
I	1	Законы распределения заявок поступающих для обслуживания.(СРС1,2,3)	2
	2	Системы дифференциальных уравнений Колмогорова. Стационарные режимы.. (СРС1,2,3)	2
	3	Эффективность функционирования СМО с отказами. Приложения при решении конкретных задач. (СРС1,2,3)	2
	4	Коэффициент загрузки классических систем обслуживания. (СРС1,2,3)	2
	5	Полумарковские приоритетные системы. Алгоритмы численного решения рекуррентных уравнений для определения периода занятости. (СРС1,2,3)	2
II	6	Модели массового обслуживания со стоимостными характеристиками. Нахождение оптимальной средней скорости обслуживания; оптимального числа обслуживающих приборов. (СРС1,2,3)	2
	7	Моделирование с учетом предпочтительности уровня обслуживания. (СРС1,2,3)	2
	8	Подготовка исходных данных и проверка статистических гипотез при практическом применении моделей массового обслуживания (СРС1,2,3)	2
	9	Принятие решений с использованием моделей массового обслуживания. (СРС1,2,3)	2
		Итого за VII семестр:	18 ч.

#### Лабораторный практикум:

Не предусмотрен

#### 5. Примерная тематика курсовых проектов (работ):

Не предусмотрены

#### 6. Образовательные технологии:

При реализации учебного процесса по теории массового обслуживания применяются классические образовательные технологии: лекции для изложения теорети-

ческого материала, практические занятия для изучения методов решения задач и примеров по теории массового обслуживания. Образовательные технологии, используемые при реализации различных видов учебной работы по дисциплине, предусматривают широкое использование в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения занятий.

**Инновационные методы обучения:**

- информационные методы обучения;
- операционные методы обучения;
- поисковые методы обучения.

Семестр	Вид занятия (Л, ПР, ЛР)	Используемые интерактивные технологии	Количество часов
7 семестр	Л	Интерактивная лекция-конференция.	4
	ПР	Компьютерные симуляции, разбор конкретных ситуаций. Работа с редактором электронных таблиц Microsoft Excel; решение интерактивных задач; электронное тестирование.	8
	ЛР	-	-
Всего:			12 ч.

**7. *Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов:***

**Вопросы сессионного контроля**

***VII семестр***

1. Основные понятия теории массового обслуживания Элементы системы обслуживания (СМО).
2. Классификация СМО.
3. Простейший поток. Общие понятия, примеры. Свойства простейшего потока.
4. Определение случайного процесса и его характеристики.
5. Понятие марковского случайного процесса. Цепь Маркова.
6. Переходные вероятности. Матрица перехода.
7. Граф состояний системы.
8. Система дифференциальных уравнений Колмогорова.
9. Стационарный режим, примеры. Процессы гибели – размножения.
10. Время обслуживания.
11. Простейшие виды СМО с отказами. Их характеристики.
12. СМО с ожиданиями. Их характеристики. Случай ограниченной и неограниченной очереди.
13. Замкнутые СМО. Задача обслуживания оборудования.

14. Понятие о нагрузке. Основные определения. Интенсивность нагрузки, единицы измерения. Примеры и статистические данные. Неоднородные входящие потоки. Полумарковские приоритетные системы.

15. Распределение периодов занятости и распределение длин очередей для систем с абсолютным приоритетом.

16. Приоритетные системы массового обслуживания, многофазные системы массового обслуживания, сети массового обслуживания.

### **Методические рекомендации по выполнению контрольных работ**

В данном курсе предусмотрены 2 контрольные работы в VII семестре, примерные варианты которых представлены ниже.

Цель выполнения работы – систематизация и закрепление теоретических знаний и практических навыков студентов в решении задач.

Студенты, сдавшие контрольные работы за семестр на положительную оценку, допускаются к экзамену.

### **Контрольная работа № 1**

На промышленном предприятии для контроля качества продукции разрабатывается система, включающая в себя некоторое число испытательных стендов и помещение для хранения поступающих на контроль изделий. На контроль поступает в среднем  $\lambda$  изделий в час. Время контроля одного изделия на стенде равно  $t_{обсл}$ . Отведенное помещение может вместить не более 10 изделий, ожидающих контроля. Определить минимальное число стендов, которое должна иметь система, чтобы было проконтролировано не менее  $K\%$  продукции.

Параметры СМО	Единица измерений	Номера вариантов									
		В.1	В.2	В.3	В.4	В.5	В.6	В.7	В.8	В.9	В.10
$\lambda$	изделий/час	8,5	7	8	9	7	5	7,5	6	6,5	5,5
$t_{обсл}$	час	0,45	0,6	0,5	0,45	0,6	0,8	0,55	0,7	0,6	0,75
$K\%$	%	94	95	93	94	95	94	93	95	94	95

### **Контрольная работа № 2**

Пассажиры обслуживаются системой продажи билетов. В часы пик интенсивность потока пассажиров, обращающихся в кассы, составляет  $\lambda$  пассажиров в минуту. Среднее время обслуживания одного человека  $t_{обсл}$ . Входящий поток простейший. Сколько должно быть касс, чтобы средняя очередь к каждой не превышала  $r$  пассажиров?

Параметры СМО	Единица измерений	Номера вариантов									
		В.1	В.2	В.3	В.4	В.5	В.6	В.7	В.8	В.9	В.10
$\lambda$	пасс/мин	5	4	3,2	6	6,5	5,5	4	7,5	8	8,5
$t_{обсл}$	мин	1,5	2	2,8	1,4	1,3	1,5	1,8	1,2	1,1	1
$r$	пасс	2	3	3	2	3	3	3	2	3	4

## **8. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля):**

Учебный процесс обеспечивается соответствующими службами и средствами. Это компьютерные классы с локальными сетями; библиотека с постоянно обновляемым фондом; доступный Internet и методические разработки кафедры.

Содержание учебно-методического, информационного и материально-технического обеспечения данной дисциплины, начиная со списка литературы.

### **8.1. Основная литература:**

1. Гамецкий А.Ф., Соломон Д.И. Исследование операций. Том II, Кишинэу, «Еврика», 2008.
2. Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика.– М.: Высш. шк, 1997.
3. Гнеденко Б.В., Коваленко И.Н. Введение в теорию массового обслуживания. – М., Наука, 1987.
4. Ивченко Г.И., Каштанов В.А., Коваленко Н. И. Теория массового обслуживания.– М., Высшая школа, 1982.
5. Клейнрок Л. Теория массового обслуживания. – М.:Машиностроение, 1979.
6. Кремер, Н. Ш. Исследование операций в экономике / Н. Ш. Кремер. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2000.

### **8.2. Дополнительная литература:**

1. Гнеденко, Б. В. Курс теории вероятностей : учеб. для вузов / Б. В. Гнеденко.- 8-е изд., испр. и доп. - М. : Едиториал УРСС, 2005. - 448 с.
2. Иверсен. Разработка телетрафика и планирование сетей. – М., БИНОМ, 2011.
3. Колемаев, В. А.Теория вероятностей и математическая статистика учеб. для вузов / В. А. Колемаев, В. Н. Калинина. - М. : ИНФРА-М, 2000. - 302 с.
4. Соколов А. Н., Соколов Н. А. Однолинейные системы массового обслуживания. – Учебное пособие, СПбГУТ, 2010.

### **8.3. Программное обеспечение и Интернет-ресурсы:**

1. Пакеты прикладных программ: MathCad, Mathstatistica.
2. <http://newasp.omskreg.ru/probability/> - Электронный учебник по теории вероятностей для экономических специальностей в среде Интернет.
3. <http://teorver-online.narod.ru/> - Электронная версия нового учебника А.Д. Маныты (мех-мат МГУ) по теории вероятностей и математической статистике.

### **8.4. Методические указания и материалы по видам занятий**

1. Спиридонова Г.В., Семенова Н.В. Применение теории массового обслуживания для решения экономических задач. Тирасполь, РИО ПГУ, 2002.

### **9. Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля):**

Для освоения дисциплины необходимы: аудиторный фонд, в том числе аудитории с интерактивными досками; технические и электронные средства обучения (калькуляторы, ПК, проектор).

### **10. Методические рекомендации по организации изучения дисциплины**

Для лучшего усвоения дисциплины, необходимо в дисциплине «Теория массового обслуживания» овладеть математическим аппаратом теории массового обслуживания и приемами применения методов и моделей теории массового обслуживания для анализа и синтеза реальных систем. Все это позволит лучше усвоить другие дисциплины, использующие аппарат теории массового обслуживания для решения прикладных задач.

В качестве особенности организации самостоятельной работы в процессе изучения дисциплины отметим то, что 18 часов отводится на самостоятельную работу и 36 часов на экзамен.

## 11. Технологическая карта дисциплины

Курс IV группа ФМ16ДР62ПМ1 (410) семестр 7

Преподаватель – лектор доц. Леонова Н.Г.

Преподаватель, ведущий практические занятия – доц. Леонова Н.Г.

Кафедра ПМ и И

Таблица №1.

Семестр	Трудоём- кость, з.е./час	Количество часов					Форма итогово- го кон- троля
		В том числе					
		Всего	Аудиторных			Са- мост. работы	
Лек- ций	Лаб раб.		Практич. зан				
VII	3 з.е /108ч	54	27		27	18	экзамен 36
Итого:	3 з.е /108ч	54	27		27	18	экзамен 36

Таблица №2.

Форма текущей аттестации	Минимальное кол-во баллов	Максимальное кол-во баллов
Посещение лекционных занятий	0	10
Работа на практических занятиях	0	10
Контрольная работа №1	0	20
Контрольная работа №2	0	20
Выполнение домашних заданий	0	10
<b>Итого кол-во баллов по текущей аттест.</b>	<b>45</b>	<b>70</b>
<b>Промежуточная аттестация</b>	<b>10</b>	<b>30</b>
<b>Итого по дисциплине</b>	<b>55</b>	<b>100</b>

### Начисление баллов по результатам посещения занятий\*

Таблица №3.

Процент посещенных занятий	Начисляемые баллы
0-49%	0 баллов
50-54%	1 балл
55-59%	2 балла
60-64%	3 балла
65-69%	4 балла
70-74%	5 баллов
75-79%	6 баллов
80-84%	7 баллов
85-89%	8 баллов
90-94%	9 баллов
95-100%	10 баллов

Рабочая учебная программа по дисциплине «Теория массового обслуживания» составлена в соответствии с требованиями Федерального Государственного образовательного стандарта ВО по направлению **01.03.04** – «Прикладная математика» и учебного плана по профилю подготовки: «Математическое моделирование в экономике и технике».

Составитель  / Леонова Н.Г., канд. соц. н., доц./

Зав. кафедрой  /Коровой А.В., канд. физ.-мат. н., доц./

**Согласовано:**

Зав. выпускающей кафедрой  /Коровой А.В., канд. физ.-мат. н., доц./

Декан физ.-мат. факультета  /Коровой О.В., канд. физ.-мат. н., доц./