#### Тема: ПОНЯТИЕ О ЗАКОНАХ УПРАВЛЕНИЯ И РЕГУЛИРОВАНИЯ

- 1. Принципы управления и регулирования, применяемые в с.-х. производстве.
- 2. Пропорциональный закон регулирования (П-закон).
- 3. Интегральный закон регулирования (И-закон).
- 4. Пропорционально-интегральный закон регулирования (ПИ-закон).
- 5. Пропорционально-дифференциальный закон регулирования (ПД-закон).
- 6. Позиционные законы регулирования.
- 7. Правила выбора принципа и закона регулирования.

## 1. ПРИНЦИПЫ УПРАВЛЕНИЯ И РЕГУЛИРОВАНИЯ, ПРИМЕНЯЕМЫЕ В C.-X. ПРОИЗВОДСТВЕ

#### Управление по программе

Управление технологическими процессами сельскохозяйственного производства осуществляется либо по управляющей программе, либо в функции отклонений от заданных значений параметров или возмущений объектов управления, что называется регулированием.

Каждая программа управления технологическими процессами представляет собой определенный записанный в настройках автоматических устройств или на различных носителях информации закон (алгоритм) изменения положения или функционирования регулирующих органов объектов управления во времени.

Программа управления разрабатывается на основе закона функционирования технологического объекта, с учетом анализа возмущений и технологических предпосылок управления процессом.

Если определено действие возмущения во времени  $x_B(t)$ , то компенсирующее его регулирующее воздействие в каждый момент времени должно быть равным и противоположным по направлению, то есть  $x_P(t) = -x_B(t)$ . Зная передаточный коэффициент регулирующего органа, можно определить его положение (входную координату)  $\alpha_P$  для любого момента времени:

$$\alpha_P = \frac{1}{k_P} x_P \tag{1}$$

Определив положение регулирующего органа в течение всего процесса, можно получить функцию, выражающую программу управления процессом:

$$\alpha_P(t) = \frac{1}{k_P} x_P(t) \tag{2}$$

В сельскохозяйственном производстве широко распространены циклические программы: суточного цикла (кормление, уборка экскрементов, сбор яиц, доение, сбор урожая в теплицах и т. д.), суточно-годичного (технологическое освещение, подкормка) и производственного (приготовление кормосмесей, движение питательного раствора гидропонных теплиц, запуск и остановка технологических поточных линий и агрегатов).

Положение регулирующего органа  $\alpha_P(t)$  в программе управления определяется в пределах времени t, равного длительности соответствующего технологического цикла. В некоторых случаях за основу принимается не временной, а пространственный аргумент. Программирование таких процессов заключается в определении пространственных координат положения регулирующего органа, например при восстановлении деталей сельскохозяйственных машин.

## Управление по отклонениям

Для автоматического управления в функции отклонения физических величин применяются различные по конструктивному исполнению регуляторы механического, гидравлического, пневматического, электрического или электронного принципов действия. В их основе лежит

ограниченное число линейных (непрерывных) или нелинейных (дискретных) законов (алгоритмов) регулирования.

Среди непрерывных наиболее широко используются два основных простейших закона: пропорциональный П-закон и интегральный И-закон. Эти два закона могут образовывать три комбинации в сочетании с предварением или без него: пропорционально-интегральный ПИ-закон, пропорционально-дифференциальный ПД-закон и пропорционально-интегрально-дифференциальный ПИД-закон.

В сельскохозяйственных системах автоматики широко применяются позиционные регуляторы, работающие на основе релейного позиционного  $P_{\Pi}$ -закона и релейного с постоянной скоростью  $P_{C}$ -закона и их комбинаций.

Под законом (алгоритмом) регулирования подразумевается функциональная связь между выходным сигналом (координатой) регулятора  $\varphi$  и его входной координатой  $\mu$  как в установившемся, так и в переходном режимах.

В каждый момент времени между выходной координатой регуляторов  $\varphi$  и положением регулирующего органа объекта автоматизации существует прямая зависимость, поэтому величиной  $\varphi$  иногда называют координату положения регулирующего органа  $\alpha_p$ . Фактически такая подмена не всегда правомерна. А вот вход регулятора  $\mu$  и отклонение регулируемой величины объекта управления  $\Delta y = y_{\rm Z} - y_{\rm Z} - y_{\rm Z}$  величины, всегда тождественные (символы «д» и «з» означают «действительное» и «заданное» значения).

## 2. ПРОПОРЦИОНАЛЬНЫЙ ЗАКОН РЕГУЛИРОВАНИЯ (П-закон).

П-закон выражает регулирование по отклонению регулируемой величины. По этому закону значение сигнала на выходе регулятора  $\varphi$  всегда строго пропорционально значению его входной величины  $\mu$ :

$$\varphi = k_P \cdot \mu \tag{3}$$

 $k_P$  - коэффициент передачи регулятора.

Скорость перемещения регулирующего органа пропорциональна изменению сигнала на выходе регулятора и выражается дифференциалом:

$$\frac{d\varphi}{dt} = k_P \frac{d\mu}{dt} \tag{4}$$

Графическое выражение П-закона регулирования показано на рис. 1.

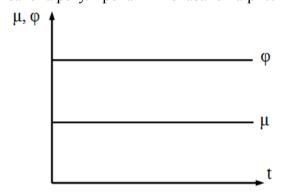


Рис. 1. Графическое выражение пропорционального закона регулирования

Поскольку изменению сигнала на входе  $d\mu/dt$  строго соответствует аналогичное во времени изменение выходного сигнала  $d\phi/dt$ , то  $\Pi$ -регуляторы являются безынерционными.

Из формулы (4) следует, что в установившемся режиме регулирования ( $\mu = \mu_0 = const$ ) сигнал на выходе  $\varphi$  постоянный, а регулирующий орган неподвижный. Следовательно, П-регулятор является статическим и величина статизма  $\delta_P$  связана с коэффициентом передачи соотношением:

$$k_p = \frac{1}{|\delta_p|} \tag{5}$$

Практически закон регулирования формируется системой функциональных звеньев, связанных между собой прямой и обратной последовательностью.

Например, в пропорциональном регуляторе ПТРП этот закон реализуется электронным усилителем на транзисторах и звеном положительной обратной связи от исполнительного механизма с устройством сравнения, выполненным в виде делителя напряжения резисторного типа.

Поскольку значению сигнала на выходе регулятора  $\varphi$  строго соответствует положение регулирующего органа, то каждому значению отклонения регулируемой величины  $\Delta y_{(i)}$  должно соответствовать свое открытие регулирующего органа  $\Delta \alpha_{(i)}$ . То есть  $\Delta y_{(i)}$  будет неизбежной статической ошибкой регулирования.

В П-регуляторах всегда имеется статическая ошибка регулирования.

Это обстоятельство в некоторых случаях (в частности, когда допускаемые статические отклонения регулируемой величины ограничены) не позволяет использовать П-регуляторы. Однако в некоторых случаях наличие статической ошибки выступает как положительное свойство П-закона.

Например, при регулировании вентиляции птичников в летний период в функции температуры пропорционально увеличению температуры в помещении увеличиваются частота вращения и подача вентиляторов, что вполне соответствует требованиям к управлению.

В целом при выборе П-закона необходимо учитывать, что полное открытие регулирующего органа  $\Delta\alpha_{P(max)}$  должно соответствовать допустимому длительному отклонению регулируемой величины  $\sigma_{\text{доп}}$ , то есть  $\Delta\alpha_{P(max)} = \sigma_{\text{доп}}$ .

Параметром настройки  $\Pi$ -регуляторов является коэффициент передачи  $k_P$ , пользуясь которым можно настроить регулятор на различные  $\sigma_{\text{доп}}$ .

## 3. ИНТЕГРАЛЬНЫЙ ЗАКОН РЕГУЛИРОВАНИЯ (И-закон)

И-закон регулирования выражает управление по интегралу от отклонения регулируемой величины:

$$\varphi = \frac{1}{T_{II}} \int \mu \cdot dt \tag{6}$$

где  $T_{\it H}$  - имеет размерность времени и называется постоянной интегрирования регулятора. Обычно это время, за которое регулирующий орган перемещается из одного крайнего положения в другое при максимальном входном сигнале.

Отсюда скорость перемещения регулирующего органа объекта равна:

$$\frac{d\varphi}{dt} = \frac{1}{T_H} \mu \tag{7}$$

Таким образом, скорость перемещения регулирующего органа пропорциональна отклонению регулируемой величины. Очевидно, что регулирующий орган  $(d\varphi/dt \neq 0)$  не остановится до тех пор, пока существует отклонение  $\mu$ . А это значит, что статической ошибки здесь не может быть. Единственным условием равновесия регулирующего органа является отсутствие отклонения регулируемой величины ( $\mu = 0$ ,  $d\varphi/dt = 0$ ,  $\varphi = const$ ).

На рис. 2 показано графическое выражение интегрального закона регулирования.

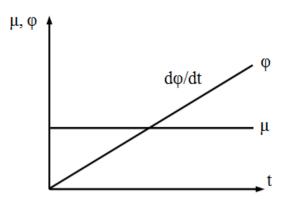


Рис. 2. Графическое выражение интегрального закона регулирования

Отсутствие статической ошибки позволило назвать И-регулятор астатическим.

Параметрами настройки И-регуляторов являются постоянная интегрирования  $T_{H}$  и минимальный сигнал срабатывания  $\Delta$ :

$$\Delta = 0.5 \cdot \sigma \cdot k_{\pi \pi} \tag{8}$$

где  $k_{\Pi,\Pi}$  — крутизна статической характеристики первичного преобразователя;  $\sigma$  — допустимое отклонение регулируемой величины (допустимая ошибка).

К преимуществам И-закона следует отнести отсутствие статической ошибки регулирования, что отражается как на устойчивости, так и на точности процесса регулирования.

## 4. ПРОПОРЦИОНАЛЬНО-ИНТЕГРАЛЬНЫЙ ЗАКОН РЕГУЛИРОВАНИЯ (ПИ-закон)

ПИ-закон регулирования выражает регулирование по отклонению регулируемой величины и интегралу от него:

$$\varphi = k_p \left[ \mu + \frac{1}{T_u} \int \mu \cdot dt \right] \tag{9}$$

Коэффициент  $T_{H}$  в этом законе определяется как время удвоения пропорциональной составляющей перемещения регулирующего органа через канал интегрирования и называется временем изодрома. Соответственно регуляторы называют изодромными.

Скорость перемещения регулирующего органа определяется:

$$\frac{d\varphi}{dt} = k_P \left[ \frac{d\mu}{dt} + \frac{1}{T_H} \mu \right] \tag{10}$$

Графическое выражение ПИ-закона показано на рис. 3,a, а структурное изображение — на рис.  $3,\delta$ .

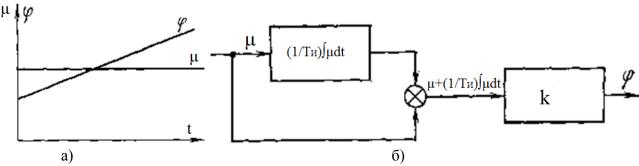


Рис. 3. Графическое выражение ПИ-закона (а) и его алгоритмическая структура (б)

При  $\mu = \mu_0 = const$  пропорциональная составляющая скорости перемещения регулирующего органа отсутствует, но интегральная остается:

$$\frac{d\varphi}{dt} = \frac{k_P}{T_H} \mu \tag{11}$$

Это обстоятельство характеризует ПИ-регулятор как астатический. Параметрами настройки ПИ-регуляторов являются  $k_P$ ,  $T_M$  и  $\Delta$ .

# 5. ПРОПОРЦИОНАЛЬНО-ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЙ ЗАКОН РЕГУЛИРОВАНИЯ (ПД-закон)

Структурно ПД-закон представляется сложным (рис. 4,6), состоящим из двух, определенным образом соединенных звеньев — дифференцирующего Д и пропорционального П.

ПД-закон регулирования выражает регулирование по отклонению регулируемой величины и его производной:

$$\varphi = k \left[ \mu + T_{\mathcal{A}} \frac{d\mu}{dt} \right] \tag{12}$$

Коэффициент  $T_{\mathcal{I}}$  имеет размерность времени и называется постоянной дифференцирования или временем предварения. Дифференциальная составляющая форсирует регулирующее воздействие в переходных режимах, поэтому ее называют элементом предварением.

Скорость перемещения регулирующего органа равна:

$$\frac{d\varphi}{dt} = k \left[ \frac{d\mu}{dt} + T_{\mathcal{A}} \frac{d^2\mu}{dt^2} \right] \tag{13}$$

На рис. 4,a показано графическое изображение  $\Pi Д$ -закона регулирования.

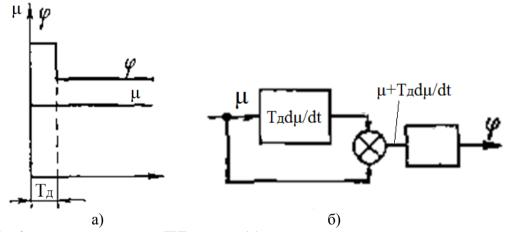


Рис. 4. Графическое выражение ПД-закона (а) и алгоритмическая структура регулятора (б)

Очевидно, что чем больше и быстрее меняется регулируемая величина, тем больше влияние предварения на выход регулятора. В установившемся режиме ( $\mu = \mu_0 = const, \ d\phi/dt = 0$ ) ПД-регулятор остается статическим, отклонение полностью не устраняется.

Как и в П-регуляторах, коэффициент  $k_{\rm P}$  безразмерен и равен обратной величине статизма регулятора  $k_{\rm P} = \frac{1}{|\mathcal{S}|}$  .

Параметрами настройки таких регуляторов являются величины  $k_{\rm P}$  и  $T_{\rm Z}$ .

#### 6. ПОЗИЦИОННЫЕ ЗАКОНЫ РЕГУЛИРОВАНИЯ

Позиционные законы регулирования отличаются тем, что для них нет непрерывной зависимости  $\varphi(\mu)$ . Эта зависимость чаще всего выражается нелинейными функциями.

Соответственно позиционные регуляторы, получив сигнал отклонения регулируемой величины, перемещают регулирующий орган в одно из крайних фиксированных положений.

### Релейный позиционный закон регулирования Рп-закон

Рп-закон регулирования (рис. 5) представляет собой зависимость между входом  $\mu$  и выходом регулятора  $\varphi$ . Аналитически Рп-закон описывают следующими уравнениями:

$$\varphi = \varphi_0 \cdot sign(\mu - \Delta)$$
 при  $\frac{d\mu}{dt} \succ 0$  (14) 
$$\varphi = \varphi_0 \cdot sign(\mu + \Delta)$$
 при  $\frac{d\mu}{dt} \prec 0$  (15)

$$\varphi = \varphi_0 \cdot sign(\mu + \Delta)$$
 при  $\frac{d\mu}{dt} < 0$  (15)

где  $\Delta$  — половина зоны неоднозначности;

sign — означает знак бинома в скобках.

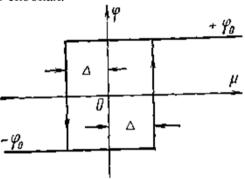


Рис 5. Графическое выражение Рп-закона регулирования

Зоной неоднозначности называется диапазон значений входной координаты регулятора  $\mu$ , в котором выходная координата  $\varphi$  имеет не менее двух значений. Т.е. при возрастании отклонения параметра до определенного значения  $\mu$  регулирующий орган скачком изменяет положение от –  $\phi$ до  $+ \varphi$ , а при уменьшении отклонения  $\mu$  обратное срабатывание от  $+\varphi$  до  $-\varphi$  происходит с некоторым сдвигом за  $2\Delta$ .

Параметрами настройки двухпозиционных регуляторов являются степень открытия регулирующего органа  $\varphi$  и зона неоднозначности  $2\Delta$ .

Релейный закон регулирования с постоянной скоростью (Рс-закон)

Рс-закон регулирования (рис. 6) имеет зону нечувствительности  $2\delta$  и аналитически может быть выражен следующими уравнениями:

$$\frac{d\varphi}{dt} = \frac{1}{T_C} sign(\mu) \text{ при } |\mu| \succ \delta$$
 (16)

$$\frac{d\varphi}{dt} = 0$$
 при  $|\mu| \prec \delta$  (17)

где  $T_{\rm C}$  — время полного открытия регулирующего органа;  $\delta$  – половина зоны нечувствительности регулятора (рис. 6)

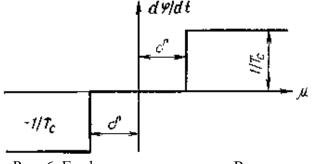
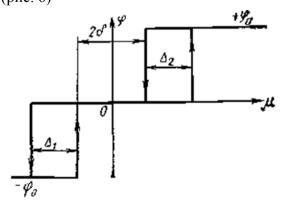


Рис. 6. Графическое выражение Рс-закона регулирования



Зоной нечувствительности  $2\delta$  называется диапазон значений  $\mu$ , в котором скорость открытого регулирующего органа равна нулю.

По Рс-закону регулирующий орган перемещается с постоянной скоростью  $\frac{1}{T_C}$  в ту или другую сторону в зависимости от знака отклонения  $\mu$ , если его абсолютное значение больше  $\delta$ .

На основе Рп- и Рс-законов можно создать сложные регуляторы, например трехпозиционные (рис. 7), имеющие как зону нечувствительности  $2\delta$ , так и зоны неоднозначности  $\Delta_1$  и  $\Delta_2$ . Аналогично можно составить закон многопозиционного регулирования, по своим характеристикам приближающийся к плавному регулированию.

### 7. ПРАВИЛА ВЫБОРА ПРИНЦИПА И ЗАКОНА РЕГУЛИРОВАНИЯ

Используя данные об объекте автоматизации — статические и динамические характеристики, сведения о возмущениях, технологические требования к качеству регулирования, можно в каждом конкретном случае на основе выработанных практикой критериев определить закон регулирования и выбрать тип регулятора. Выбор этот является предварительным, а окончательное заключение об устойчивости системы объект — регулятор и точности регулирования делают на основе последующих расчетов.

При выборе и обосновании закона регулирования прежде всего выбирают непрерывное или позиционное регулирование. При этом учитывают, что позиционные регуляторы, как правило, проще по устройству и в эксплуатации и дешевле регуляторов плавного действия. Кроме того, имеют в виду, что непрерывное регулирование может быть реализовано только на объектах, регулирующий орган которых обеспечивает плавное изменение своего положения.

Основное условие выбора принципа регулирования определяется соотношением запаздывания регулирующего воздействия и постоянной времени объекта управления  $\frac{\tau}{T}$ . Считается, что если  $\frac{\tau}{T} \prec 0,2$ , то может быть использовано позиционное регулирование, а при  $\frac{\tau}{T} \succ 1$  требуются особо чувствительные, например импульсные, регуляторы. В промежутке между указанными пределами  $0,2 \prec \frac{\tau}{T} \prec 1$  применяется плавное регулирование.

Время запаздывания регулирующего сигнала т в этом случае выражается суммой:

$$\tau = \tau_{PO} + T_{PO} + \tau_{OV} \tag{18}$$

где  $\tau_{P,O}$  и  $\tau_{O,Y}$  — запаздывание в регулирующем органе и объекте управления;  $T_{P,O}$  — постоянная времени емкостного регулирующего органа.

**Постоянная времени** — это условное время изменения выходной величины от начального значения до нового установившегося, если бы это изменение происходило с максимальной скоростью для данного переходного процесса.

Постоянная времени характеризует инерционность объекта, под которой понимается его способность замедленно накапливать или расходовать вещество или энергию. Чем больше T, тем медленнее изменяется регулируемый параметр, тем легче работать регулятору. Это оказывается возможным благодаря наличию в составе объекта регулирования сопротивлений и емкостей, препятствующих поступлению и выходу этого вещества или энергии.

Величина T при наличии возмущения определяет продолжительность переходного процесса и крутизну кривой нарастания параметра Y.

**Пример.** В домашнем холодильнике имеющего малый объем и, следовательно. малую аккумулирующую способность, продолжительность переходного процесса будет меньше, чем у холодильников промышленного типа, имеющих больший объем.

Для многоемкостных объектов постоянная времени объекта управления T равна сумме постоянных времени всех емкостей  $T_i$ :

$$T = \sum_{i=1}^{n} T_i \tag{19}$$

При выборе закона непрерывного регулирования руководствуются следующими выработанными практикой положениями:

- 1) Астатические объекты и статические с малым коэффициентом статизма из условий устойчивости не следует блокировать с И-регулятором.
  - 2) Объекты с большим статизмом могут быть сблокированы со всеми типами регуляторов.
- 3) При отсутствии значительных запаздываний, плавных возмущениях и отсутствии особых требований ко времени переходного процесса рекомендуется И-закон, в противном случае, если допускается статическая ошибка П-закон.
- 4) Когда емкость объекта небольшая, а возмущения резко меняются, вводится предварение ПД- или ПИД-закон.
- 5) ПИ-регуляторы применяются для объектов со значительным запаздыванием при плавно меняющихся возмущениях.
- 6) Если надо увеличить быстродействие, пользуются ПИД-законом, иногда с прерывистым воздействием.